

Министерство образования и науки Российской Федерации
ФГБОУ ВПО "Бурятский государственный университет"
Институт математики и информатики

УТВЕРЖДАЮ

и.о. проректора по УР

_____ Макаров А.Н.

« » _____ 2013 г.

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНЫХ ИСПЫТАНИЙ В МАГИСТРАТУРУ
по направлению 010401 Математика
Профиль: Математическое и программное обеспечение вычислительных машин

Программа обсуждена на заседании кафедры ИТ

« » _____ 2013 г. Протокол № _____ / _____
(подпись)

Программа утверждена на Ученом Совете ИМИ

« » _____ 2013 г. Протокол № _____ / _____
(подпись)

Составитель программы:

Зав.каф.инф.технологий,
канд.техн.наук

Хандаров Ф.В.

1. Алгебра

1. Подстановки. Определение подстановки, четность подстановок. Произведение подстановок, разложение подстановок в произведение транспозиций и независимых циклов.
2. Комплексные числа. Геометрическое изображение, алгебраическая и тригонометрическая форма записи, извлечение корней, корни из единицы.
3. Системы линейных уравнений. Прямоугольные матрицы. Приведение матриц и систем линейных уравнений к ступенчатому виду. Метод Гаусса.
4. Линейная зависимость и ранг. Линейная зависимость строк (столбцов). Основная лемма о линейной зависимости, базис и ранг системы строк (столбцов). Ранг матрицы. Критерий совместности и определенности системы линейных уравнений в терминах рангов матриц. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений.
5. Определители. Определитель квадратной матрицы, его основные свойства. Критерий равенства определителя нулю. Формула разложения определителя матрицы по строке (столбцу).
6. Операции над матрицами. Операции над матрицами и их свойства. Теорема о ранге произведения двух матриц. Определитель произведения квадратных матриц. Обратная матрица, ее явный вид (формула), способ выражения с помощью элементарных преобразований строк.
7. Векторные пространства; базис. Векторное пространство, его базис и размерность. Преобразования координат в векторном пространстве. Подпространства как множества решений систем однородных линейных уравнений. Связь между размерностями суммы и пересечения двух подпространств. Линейная независимость подпространств. Базис и размерность прямой суммы подпространств.
8. Линейные отображения и линейные операторы. Линейные отображения, их запись в координатах. Образ и ядро линейного отображения, связь между их размерностями. Сопряженное пространство и сопряженные базисы. Изменение матрицы линейного оператора при переходе к другому базису.
9. Билинейные и квадратичные функции. Билинейные функции, их запись в координатах. Изменение матрицы билинейной функции при переходе к другому базису. Ортогональное дополнение к подпространству относительно симметрической билинейной функции. Связь между симметрическими билинейными и квадратичными функциями. Существование ортогонального базиса для симметрической билинейной функции. Нормальный вид вещественной квадратичной функции. Закон инерции.
10. Собственные векторы и собственные значения. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Собственные подпространства линейного оператора, их линейная независимость. Условие диагонализируемости оператора.

Литература.

- [1] Кострикин А.И. Введение в алгебру, 1977, Наука.
- [2] Кострикин А.И. Введение в алгебру, ч. I,II, 2000, Физмат,.лит.
- [3] Курош А.Г. Курс высшей алгебры, 1975, Наука.
- [4] Винберг Э.Б. Курс алгебры, 1999, 2001, Факториал.

2. Математический анализ

1. Пределы и непрерывность. Пределы последовательностей и функций. Непрерывные функции.
 2. Ряды. Числовые и функциональные ряды. Признаки сходимости (Даламбера, Коши, интегральный, Лейбница). Абсолютно и условно сходящиеся ряды.
 3. Дифференцирование. Дифференцирование функций. Применение производной для нахождения экстремумов функций. Формула Тейлора.
 4. Интегрирование. Определенный и неопределенный интегралы. Методы интегрирования функций. Первообразные различных элементарных функций.
- Литература.

[1] Архипов Г. И., Садовничий В. А., Чубариков В. Н. Лекции по мат. анализу. Изд-во Университет, 1999.

[2] Зорич В. А. Математический анализ. Часть I. М.: Наука, 1981. 544 с. Часть II. М.: Наука, 1984. 640 с.

[3] Кудрявцев, Л.Д., Курс математического анализа (в трех томах). Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Т. 2. Ряды. Дифференциальное и интегральное исчисления функций многих переменных. Т. 3. Гармонический анализ. Москва, Изд-во Высшая школа, 1981.

[4] Демидович, Б. П., Сборник задач и упражнений по математическому анализу. Изд-во АСТ, 2007.

3. Комбинаторика

1. Основные правила комбинаторики. Правило подсчета количества комбинаторных объектов. Принцип Дирихле. Примеры.
 2. Множества. Круги Эйлера, операции на множествах. Формула включений и исключений. Примеры.
 3. Сочетания. Размещения, перестановки и сочетания. Бином Ньютона. Треугольник Паскаля. Сочетания с повторениями.
- Литература.

[1] Виленкин Н.Я. Комбинаторика. М., Наука, 1969.

[2] С.А. Генкин, И.В. Итенберг, Д.В. Фомин. Ленинградские математические кружки, 1994.

4. Теория вероятностей

1. Основные понятия теории вероятностей. Определение вероятностного пространства, простейшие дискретные случаи (выборки с порядком и без него, упорядоченные и неупорядоченные), классическая вероятностная модель. Случайная величина, функция распределения.
2. Условные вероятности. Определение условной вероятности, формула полной вероятности, формула Байеса.
3. Математическое ожидание, дисперсия, корреляция. Определение математического ожидания, дисперсии, ковариации и корреляции, их свойства.

4. Независимость событий. Попарная независимость и независимость в совокупности.
5. Основные теоремы теории вероятностей. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
6. Распределения. Стандартные дискретные и непрерывные распределения, их математические ожидания, дисперсии и свойства.

Литература.

- [1] Гнеденко, Б. В. Курс теории вероятностей, УРСС. М.: 2001.
- [2] Гнеденко Б. В., Хинчин А. Я. Элементарное введение в теорию вероятностей, 1970.
- [3] Ширяев, А. Н. Вероятность, Наука. М.: 1989.
- [4] Севастьянов Б. А., Курс теории вероятностей и математической статистики, Ч М.: Наука, 1982.
- [5] Севастьянов, Б. А., Чистяков, В. П., Зубков, А. М. Сборник задач по теории вероятностей, М.: Наука, 1986.

5. Программирование, алгоритмы и структуры данных

(предполагается владение одним из основных языков программирования, предпочтительным является C/C++)

1. Простейшие конструкции языка программирования. Циклы, ветвления, рекурсия.
2. Анализ алгоритмов. Понятие о сложности по времени и по памяти. Асимптотика, O-символика. Инварианты, пред- и постусловия. Доказательство корректности алгоритмов.
3. Структуры данных. Массивы, стеки, очереди, связные списки, ассоциативные массивы, множества. Сравнение временных затрат при различных типах операций.
4. Строки и операции над ними. Представление строк. Вычисление длины, конкатенация, быстрый поиск подстрок.
5. Сортировки. Нижняя теоретико-информационная оценка сложности задачи сортировки. Алгоритмы сортировки вставками, пузырьком, быстрая сортировка, сортировка слиянием. Оценка сложности.
6. Указатели. Указатели и динамическое управление памятью.

Литература.

- [1] Шень А. Программирование: теоремы и задачи. МЦМНО, 2007.
- [2] Вирт Н. Алгоритмы и структуры данных. Изд-во Невский диалект, 2005.
- [3] Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р., Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ, 2-е издание. - М. Издательский дом Вильямс, 2005.
- [4] <http://e-maxx.ru/algo>

6. Методы оптимизации, математическая статистика, машинное обучение, анализ данных, искусственный интеллект

1. Функции многих переменных. Градиент. Якобиан. Гессиан.
2. Градиентные методы оптимизации. Метод сопряженных градиентов. Квазиньютоновские методы. BFGS.
3. Глобальный случайный поиск. Эвристические алгоритмы. Эволюционные алгоритмы.
4. Искусственные нейронные сети. Сети прямого распространения. Обратное распространение ошибки.
5. Вероятностные методы. Байесовские классификаторы. KVM. SVM.
6. Нечеткие множества и нечеткая логика.
7. Логика первого порядка. Логический вывод. Позитивно-образованные формулы. Представление знаний. Автоматическое доказательство теорем.
8. Прикладные задачи анализа данных. Математическое и имитационное моделирование.

[1] Рассел С., Норвиг П. Искусственный интеллект. Современный подход. 2-е изд. — М.: Вильямс, 2007. — 1410 с.

[2] Загоруйко Н. Г. Прикладные методы анализа данных и знаний. — Новосибирск: ИМ СО РАН

[3] Журавлев Ю. И., Рязанов В. В., Сенько О. В. «Распознавание». Математические методы. Программная система. Практические применения. — М.: Фазис, 2006.

[4] Хайкин С. Нейронные сети: полный курс. 2-е изд. Пер. с англ. — М.: Издательский дом "Вильямс", 2006. — 1104 с.

[5] Zhigljavsky, A. Stochastic global optimization / A. Zhigljavsky, A. Zilinskas. — Springer Science-Business Media, 2008. — 262 p.

[6] Nocedal, J. Numerical Optimization / J. Nocedal, S. Wright. — 2nd ed. — Springer, 2006. — 664 p.

[7] Поляк Б.Т. Введение в оптимизацию. М.: Ленанд, изд.2-е, испр. и доп. 2014. - 392 с.

[8] Халафян А. Statistica 6. Математическая статистика с элементами теории вероятностей. М.: Бином. 2010. - 496 с.